

鉄筋コンクリート製の直線状の円形管路において、水が定常かつ等流状態で流れている。円形管路内のマニングの粗度係数 n は 0.012 として、以下の間に答えよ。なお、ダルシーウイズバッハの式は $h = f \frac{l v^2}{D 2g}$ であり、損失水頭 h 、摩擦損失係数 f 、管路の長さ l 、直径 D 、平均流速 v とする。重力加速度 g は 9.8 m/s^2 とし、摩擦損失以外のエネルギー損失は無視してよい。

(1) 等流の定義を簡潔に述べよ。

(2) 直線状の円形管路内を満管状態で水が流れているとして、以下の問題に答えなさい。

- (i) 直径 1.0m の管路がエネルギー勾配 0.003 で設置されているとき、流量を求めなさい。
- (ii) あるエネルギー勾配で直径 1.0 m の管路の流量が $2.0 \text{ m}^3/\text{s}$ であるとき、同じ勾配で直径 2.0 m の管路の流量はいくらになるか。
- (iii) 直径 0.60m、長さ 1000m の円形管路で、平均流量 $1.2 \text{ m}^3/\text{s}$ の水を流したい。この場合に必要な管路両端の位置水頭の差を求めよ。ただし、摩擦損失係数は $f = \frac{8gn^2}{R^{1/3}}$ (R : 径深) で表せるものとする。

(3) 直線状の円形管路（直径 1.0m、エネルギー勾配 0.003）において、図-1 のように水面がある状態で流れている。水面端の中心角 ($\angle AOB$) を θ として、以下の問題に答えなさい。

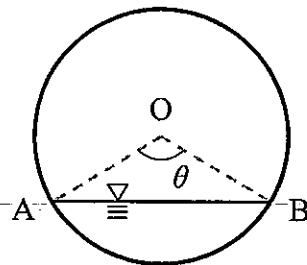


図-1. 円形管内の水位と中心角（断面図）

- (i) $\theta = \pi$ の場合における流れの状態（常流、射流、限界流）を判断しなさい。ただし、管路内の流れの状態は断面平均量で議論でき、長波の波速は $\left(\frac{gA}{W}\right)^{1/2}$ (A : 流れの断面積、 W : 水面幅) で表されるものとする。
- (ii) 満管状態の平均流速を v_0 、水面端の角度が θ の時の流速を v とするとき、これらの流速比 (v/v_0) を θ の関数として簡潔に表しなさい。
- (iii) 角度 θ を変化させると、管路内の平均流速を最大にする角度 θ が 1 つある。その角度 θ が満たす方程式を最も簡潔な形で表しなさい。