

構造問題1

図1に示すように一様な長方形断面を持つ部材に曲げモーメントMが作用しているとする。部材を構成する材料の応力 σ とひずみ ϵ の関係は図2に示す通りである。また、断面の平面保持および直角保持の仮定が成り立ち、ひずみ ϵ と曲率 κ の間には常に $\epsilon = \kappa z$ なる関係があるとする。このとき、(1)から(3)の問い合わせに答えよ。

- (1) 断面内で最初に降伏が発生するときの曲げモーメント M_Y を求めなさい。
- (2) すべての断面が降伏したときのモーメント M_P を求めなさい。
- (3) $M_Y < M < M_P$ なるモーメントMに対して、上下端部は塑性状態になって、中立軸付近は弾性状態のままである。よって、応力分布は図3のようになる。弾性部分の高さをcとするとき、モーメントMとcの関係を導きなさい。また、モーメントMと曲率 κ の関係を導きなさい。

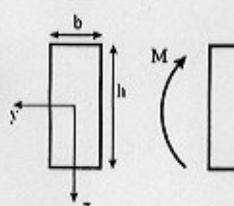


図1

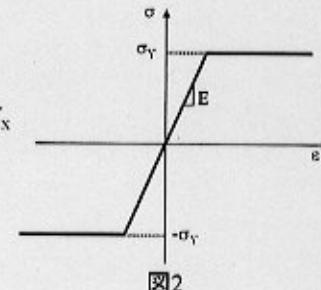


図2

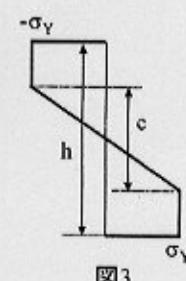


図3

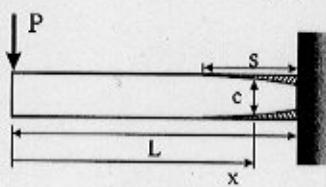


図4

図4に示すように荷重 $P=5bh^2\sigma_y/(24L)$ を受ける長さLの片持ちばかりを考える。はりの断面ならびにはりを構成する材料の性質はそれぞれ図1、図2で与えられたものとする。はりの自重は無視するものとして(4)と(5)の問い合わせに答えよ。

- (4) 図4の斜線部に示すように固定端付近に塑性域が現れる。塑性域の長さsを求めなさい。
- (5) 塑性域と弾性域の境界を示す曲線、すなわち、弾性域の高さcと座標xの関係式を求めなさい。