

下図の図 (a) に示すように、高さ  $h$ 、奥行き  $b$  の一様な長方形断面を持ち、単位面積当たり  $q(x)$  の分布荷重を受けてつりあっている長さ  $L$  の両端単純支持ばりを考える。ただし、奥行き  $b$  は高さ  $h$  や長さ  $L$  に比べて十分小さいものとし、物体力はないものとする。このようなはりにおける応力成分  $\sigma_{xx}$ ,  $\sigma_{yy}$ ,  $\sigma_{zz}$ ,  $\sigma_{xy}$ ,  $\sigma_{yz}$ ,  $\sigma_{zx}$  に関する以下の記述において、 $\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{ス}}$  にあてはまる数式あるいは語句を書きなさい。

(1) はりの側面  $z = \pm b/2$  においては  $\boxed{\text{ア}}$  なる境界条件が成り立つ。また、 $b \ll h, L$  であるから、 $\boxed{\text{ア}}$  は、はり内部のいたるところで成り立つと仮定できる。このような応力状態を  $\boxed{\text{イ}}$  という。

(2) 下図の図 (b) は図 (a) のはりのある微小領域  $dx \times dy$  を示したものである。この微小領域の左側面に垂直力  $\sigma_{xx} b dy$  が作用するとすると、 $dx$  だけ離れた右側面には  $\boxed{\text{ウ}}$  の垂直力が作用する。他の力の成分についても同様に扱い、微小領域の  $x$  方向の力のつりあいを考えると、 $\boxed{\text{エ}}$  を得る。また、 $y$  方向の力のつりあいより、 $\boxed{\text{オ}}$  を得る。

(3) はり理論によれば、点  $(x, y)$  における  $\sigma_{xx}$  は曲げモーメント  $M(x)$  と断面 2 次モーメント  $I$  を用いて、 $\sigma_{xx} = \boxed{\text{カ}}$  と表すことができる。この式と、はりの上面  $y = -h/2$  における境界条件  $\sigma_{xy} = 0$ 、ならびに、下面  $y = h/2$  における境界条件である  $\sigma_{yy} = 0$  と  $\sigma_{xy} = 0$  を用いて  $\boxed{\text{エ}}$ ,  $\boxed{\text{オ}}$  を解くことにより、 $\sigma_{xy} = \boxed{\text{キ}}$ 、および、 $\sigma_{yy} = \boxed{\text{ク}}$  を得る。

(4) 分布荷重が  $q(x) = q_0$  で一定であるとき、 $(x, y) = (L/2, 0)$  なる点における  $x$ - $y$  面内の応力成分は  $\sigma_{xx} = \boxed{\text{ケ}}$ ,  $\sigma_{xy} = \boxed{\text{コ}}$ ,  $\sigma_{yy} = \boxed{\text{サ}}$  となるから、最大せん断応力は  $x$  軸から時計回りに角度  $\theta = \boxed{\text{シ}}$  だけ傾いた面において生じる。また、 $y = 0$  の中立軸上において最大主応力方向が  $\theta = 30^\circ$  ならびに  $210^\circ$  となる点の位置は  $x = \boxed{\text{ス}}$  である。

